RADICALES - I

- 1) Dados los siguientes números 0'39999..., -1, 1'4142, 2, $\sqrt{2}$, 0'4, $\sqrt[7]{5^{-2}}$:
 - a) Ordénalos de menor a mayor
 - b) Indica cuál es el menor conjunto numérico al que pertenece cada uno de ellos.
 - Intercala, una vez ordenados, un número irracional entre cada dos de ellos.
- 2) Calcula las siguientes raíces:
 - a) ¹⁰/1024
- b) $\sqrt[3]{343}$ C) $\sqrt[4]{1296}$
- d) $\sqrt[5]{243}$
- e) $\sqrt[3]{216}$

- 3) Calcula estas raíces:
 - a) $\sqrt[7]{-2187}$ b) $\sqrt[4]{625}$ c) $\sqrt[6]{64}$

- d) $\sqrt{225}$

- 4) Calcula:

- a) $\sqrt[4]{256}$ b) $\sqrt[3]{1000}$ c) $\sqrt[3]{125}$ d) $\sqrt[4]{\frac{81}{625}}$ f) $\sqrt[3]{\frac{216}{342}}$
- 5) Obtén el valor de las siguientes raíces con la calculadora:
 - a) √625
- b) $\sqrt[3]{70}$,8
- c) $\sqrt{201}$
- d) $\sqrt{7.89}$
- e) $\sqrt[3]{45}$ f) $\sqrt[3]{35,4}$

- 6) Transforma en una única raíz:
 - a) $\sqrt{7} \cdot \sqrt{7}$

e) $\sqrt[3]{16} : \sqrt[3]{4}$

b) $11.\sqrt{3}$

f) $\sqrt[3]{7} \cdot \sqrt[3]{2}$

- c) $\sqrt{125}$: $\sqrt{5}$
- d) $3 \cdot \sqrt[3]{2}$
- 7) Transforma en una única raíz:
 - a) $\sqrt{6} \cdot \sqrt{6}$

- c) $\sqrt{7} \cdot \sqrt{7}$ e) $\sqrt{125} : \sqrt{5}$ g) $\sqrt[3]{16} : \sqrt[3]{4}$
- b) $3 \cdot \sqrt{2}$
- d) $11.\sqrt{3}$
- f) $3 \cdot \sqrt[3]{2}$ h) $\sqrt[3]{7} \cdot \sqrt[3]{2}$
- 8) Realiza con la calculadora:

a)
$$\frac{2+10^{-2}}{2-10^{-2}}$$

b)
$$\frac{3 \cdot \sqrt{125}}{4 \cdot \sqrt{405} - 3 \cdot \sqrt{80}}$$

a)
$$\frac{2+10^{-2}}{2-10^{-2}}$$
 b) $\frac{3\cdot\sqrt{125}}{4\cdot\sqrt{405}-3\cdot\sqrt{80}}$ c) $\frac{2,53:10^{-2}+3,5\cdot10^{-1}}{3\cdot\sqrt{\frac{4}{9}}}$

- 9) Escribe como potencia los siguientes radicales:

- a) $\sqrt[3]{x}$ b) $\frac{1}{\sqrt[3]{3}}$ c) $\sqrt[4]{6xy}$ d) $4\sqrt[3]{x^2}$ e) $\sqrt{\sqrt{x^3}}$ f) $\sqrt[3]{18}$

- 10) Simplifica:
 - a) $3 \cdot \sqrt{18} 2 \cdot \sqrt{32} + \frac{5}{3} \cdot \sqrt{72}$
 - b) $4\sqrt{12} \frac{3}{2}\sqrt{48} + \frac{2}{3}\sqrt{27} + \frac{3}{5}\sqrt{75}$
 - c) $7\sqrt{54} 3\sqrt{18} + \sqrt{24} \frac{3}{5}\sqrt{50} \sqrt{6}$

11) Efectúa las operaciones siguientes dando el resultado lo más simplificado posible:

a)
$$\sqrt{13 + \sqrt{9}}$$

b)
$$3 \cdot \sqrt{5} \cdot \left(2 \cdot \sqrt{5} + 3\right)$$

c)
$$\sqrt[5]{4} \cdot \sqrt[5]{8}$$

d)
$$\sqrt[4]{243}$$
 : $\sqrt[4]{3}$

e)
$$\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)\cdot\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)$$

$$j) \quad \frac{5\cdot\sqrt{108} + 2\cdot\sqrt{243}}{5\cdot\sqrt{48}}$$

f)
$$\sqrt[4]{4 \cdot \sqrt[3]{128}}$$

g)
$$\left(2\cdot\sqrt{5}+\sqrt{3}\right)^2$$

h)
$$\sqrt{1 + \sqrt{6 + \sqrt{5 + \sqrt{16}}}}$$

i)
$$\sqrt{25 \sqrt{81 \sqrt{256}}}$$

$$k) \quad \frac{3 \cdot \sqrt{125}}{4 \cdot \sqrt{405} - 3 \cdot \sqrt{80}}$$

12) Simplifica los radicales extrayendo factores:

a)
$$\sqrt{12x^3y^5z^2}$$
 b) $\sqrt[3]{\frac{8x^4}{81y^6}}$ c) $\sqrt[6]{27^3y^6}$ d) $\sqrt[3]{-16x^4y^9}$ e) $\sqrt[4]{48x^5y^3}$ f) $\sqrt{\frac{400x^5}{27y^7}}$

$$b$$
) $\sqrt[3]{\frac{8x^4}{81y^6}}$

c)
$$\sqrt[6]{27^3 y^6}$$

$$d) \sqrt[3]{-16x^4y^9}$$

$$e)\sqrt[4]{48x^5y^3}$$

$$f) \sqrt{\frac{400x^5}{27y^7}}$$

13) Expresar como una única raíz:

a)
$$\sqrt[3]{2\sqrt[4]{2\sqrt{2}}}$$

b)
$$\sqrt[3]{a\sqrt[3]{2a\sqrt[3]{2a}}}$$

a)
$$\sqrt[3]{2\sqrt[4]{2\sqrt{2}}}$$
 b) $\sqrt[3]{a\sqrt[3]{2a\sqrt[3]{2a}}}$ c) $\frac{\sqrt{3\sqrt{2}\cdot\sqrt[3]{3\sqrt{3}\cdot\sqrt{2}}}}{\sqrt[4]{6}}$

14) Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$\sqrt{27a^4} - \sqrt[6]{27a^{12}} + \sqrt{3a^4 - 6a^2b + 3b^2}$$

c)
$$\sqrt{\frac{5}{3}} - \sqrt[6]{\frac{27}{125}} - \sqrt{15} + \sqrt{\frac{1}{15}}$$

b)
$$\left(\sqrt[3]{5x^2y} \cdot \sqrt{2xy^3}\right) \div \sqrt[9]{10x^5y^3}$$

d)
$$\frac{\sqrt[3]{2a}\sqrt[4]{16a^3}}{\sqrt[6]{8a^2}}$$